

COMPITO ESAME MATEMATICA GENERALE, II CANALE, 3 Giugno 2013

Docente: Stefano Viaggiu

COMPITO C

COGNOME:

NOME:

MATRICOLA:

RISOLVERE I PRIMI TRE ESERCIZI ED UNO A SCELTA TRA I NUMERI 4 E 5 (tempo 150 minuti).

IMPORTANTE: Affinché il compito possa essere considerato valido, lo studente deve provare a svolgere lo studio di funzione.

[1] (Punti 12) Data la funzione $f(x) = \frac{1}{x^2}e^{-\frac{3}{x}}$, studiare il dominio, simmetrie, segno, limiti ai bordi del dominio, continuità, asintoti, punti critici, monotonia e convessità, flessi, massimi e minimi relativi e assoluti, punti di non derivabilità. Tracciare un grafico qualitativo compatibile con i dati ottenuti.

[2] (Punti 9) Sia dato il seguente sistema lineare $A\mathbf{x}=\mathbf{b}$, con $A= \begin{bmatrix} 0 & 2t & 4t \\ 2 & 1 & 4 \\ 1 & 2t & 2t \end{bmatrix}$

e \mathbf{b} é il vettore colonna dato da $\begin{bmatrix} 0 \\ 2t \\ 8t \end{bmatrix}$.

Studiare e determinare **esplicitamente** le soluzioni al variare del parametro reale t usando la regola di Cramer. Determinare infine esplicitamente le soluzioni del sistema omogeneo associato al variare di t .

[3] (Punti 5) Sia $f(x) = -\frac{2}{x^2} \cos \frac{1}{x} + \frac{2+6x}{1+3x^2} + \ln \frac{4}{x}$. Calcolare $\int f(x)dx$.

[4] (Punti 4) Calcolare, giustificando i passaggi:

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{[x^8 + e^{-x^6} + e^{-x^8} + 2xe^x - e^x]}{e^{\sin x} - 4xe^x + e^{2x}}.$$

[5] (Punti 4) Sia $f(x, y) = -1 + 4xy + x^3 + 4y^2$. Determinare la natura dei suoi punti critici.