

## COMPITO ESAME MATEMATICA GENERALE, II CANALE, 30 GENNAIO 2013

Docente: Stefano Viaggiu

COMPITO B

COGNOME: .....

NOME: .....

MATRICOLA: .....

RISOLVERE I PRIMI TRE ESERCIZI ED UNO A SCELTA TRA I NUMERI 4 E 5 (tempo 150 minuti).

IMPORTANTE: Affinché il compito possa essere considerato valido, lo studente deve provare a svolgere lo studio di funzione.

[1] (Punti 12) Data la funzione  $f(x) = \frac{1}{\sqrt[3]{x^3-27}}$ , studiare il dominio, simmetrie, segno, limiti ai bordi del dominio, continuità, asintoti, punti critici, monotonia e convessità, flessi, massimi e minimi relativi e assoluti, punti di non derivabilità. Tracciare un grafico qualitativo compatibile con i dati ottenuti.

[2] (Punti 9) Sia dato il seguente sistema lineare  $A\mathbf{x}=\mathbf{b}$ , con  $A= \begin{bmatrix} 2t & 0 & 3 \\ 1 & t & -1 \\ 2t & 2t & 1 \end{bmatrix}$

e  $\mathbf{b}$  é il vettore colonna dato da  $\begin{bmatrix} t \\ 4 \\ -t \end{bmatrix}$ .

Studiare e determinare **esplicitamente** le soluzioni al variare del parametro reale  $t$  usando la regola di Cramer. Determinare infine esplicitamente le soluzioni del sistema omogeneo associato al variare di  $t$ .

[3] (Punti 5) Sia data la funzione  $f(x) = 2 \sin(x) \cos(x) + \frac{\ln(x)}{6x^2} + (4x+6)e^{x^2+3x}$ . Calcolare  $\int f(x)dx$ .

[4] (Punti 4) Calcolare, giustificando i passaggi:

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^6 \left[ \sin\left(\frac{1}{x^4}\right) - \frac{1}{x^6} \right]}{e^{-x^6} + x^2 + \sin(x^8)}.$$

[5] (Punti 4) Sia  $f(x, y) = -y^4 - 4xy - 4x^2 - 2y^2 + 1$ . Determinare la natura dei suoi punti critici.