

# COMPITO ESAME MATEMATICA GENERALE, II CANALE, 30 GENNAIO 2013

Docente: Stefano Viaggiu

COMPITO C

COGNOME: .....

NOME: .....

MATRICOLA: .....

RISOLVERE I PRIMI TRE ESERCIZI ED UNO A SCELTA TRA I NUMERI 4 E 5 (tempo 150 minuti).

IMPORTANTE: Affinché il compito possa essere considerato valido, lo studente deve provare a svolgere lo studio di funzione.

[1] (Punti 12) Data la funzione  $f(x) = \frac{1}{\sqrt[3]{x^3-8}}$ , studiare il dominio, simmetrie, segno, limiti ai bordi del dominio, continuità, asintoti, punti critici, monotonia e convessità, flessi, massimi e minimi relativi e assoluti, punti di non derivabilità. Tracciare un grafico qualitativo compatibile con i dati ottenuti.

[2] (Punti 9) Sia dato il seguente sistema lineare  $A\mathbf{x}=\mathbf{b}$ , con  $A= \begin{bmatrix} t & 0 & 3 \\ t & t & 1 \\ 1 & \frac{t}{2} & -1 \end{bmatrix}$

e  $\mathbf{b}$  é il vettore colonna dato da  $\begin{bmatrix} t \\ t \\ 5 \end{bmatrix}$ .

Studiare e determinare **esplicitamente** le soluzioni al variare del parametro reale  $t$  usando la regola di Cramer. Determinare infine esplicitamente le soluzioni del sistema omogeneo associato al variare di  $t$ .

[3] (Punti 5) Sia data la funzione  $f(x) = 2 \sin(x) \cos(x) - \frac{\ln(x)}{4x^2} - (4x+4)e^{-x^2-2x}$ . Calcolare  $\int f(x)dx$ .

[4] (Punti 4) Calcolare, giustificando i passaggi:

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^4 \left[ \sin\left(\frac{1}{x^2}\right) - \frac{1}{x^4} \right]}{e^{-x^4} + x^2 + \sin(x^6)}.$$

[5] (Punti 4) Sia  $f(x, y) = x^4 + 4xy - 4y^2 + 2$ . Determinare la natura dei suoi punti critici.