

## COMPITO ESAME MATEMATICA GENERALE, II CANALE, 17 Giugno 2013

Docente: Stefano Viaggiu

COMPITO B

COGNOME: .....

NOME: .....

MATRICOLA: .....

RISOLVERE I PRIMI TRE ESERCIZI ED UNO A SCELTA TRA I NUMERI 4 E 5 (tempo 150 minuti).

IMPORTANTE: Affinché il compito possa essere considerato valido, lo studente deve provare a svolgere lo studio di funzione.

[1] (Punti 12) Data la funzione  $f(x) = \ln\left(\frac{x^2}{x+2}\right)$ , studiare il dominio, simmetrie, segno, limiti ai bordi del dominio, continuità, asintoti, punti critici, monotonia e convessità, flessi, massimi e minimi relativi e assoluti, punti di non derivabilità. Tracciare un grafico qualitativo compatibile con i dati ottenuti.

[2] (Punti 9) Sia dato il seguente sistema lineare  $A\mathbf{x}=\mathbf{b}$ , con  $A= \begin{bmatrix} 1 & -2 & 2t \\ 2t+2 & 4t & -1 \\ 0 & 1 & 1 \end{bmatrix}$

e  $\mathbf{b}$  è il vettore colonna dato da  $\begin{bmatrix} -2t \\ 1 \\ 2t \end{bmatrix}$ .

Studiare e determinare **esplicitamente** le soluzioni al variare del parametro reale  $t$  usando la regola di Cramer. Determinare infine esplicitamente le soluzioni del sistema omogeneo associato al variare di  $t$ .

[3] (Punti 5) Sia  $f(x) = e^{3x} \arctan(e^{3x}) + \frac{1}{x^2-3x} - x \cos(x)$ . Calcolare  $\int f(x) dx$ .

[4] (Punti 4) Calcolare, giustificando i passaggi:

$$\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{[x^4 \ln(x) - 2x \ln(x) - 2x] [e^x - 1]}{x(3x \ln(x) - 2x^4)}. \quad (1)$$

[5] (Punti 4) Sia  $f(x, y) = 1 - y^4 + 4x^2 - 4y^2 + 4xy - 2y - 4x$ . Determinare la natura dei suoi punti critici.