

## COMPITO ESAME MATEMATICA GENERALE, II CANALE, 3 Giugno 2013

Docente: Stefano Viaggiu

COMPITO B

COGNOME: .....

NOME: .....

MATRICOLA: .....

RISOLVERE I PRIMI TRE ESERCIZI ED UNO A SCELTA TRA I NUMERI 4 E 5 (tempo 150 minuti).

IMPORTANTE: Affinché il compito possa essere considerato valido, lo studente deve provare a svolgere lo studio di funzione.

[1] (Punti 12) Data la funzione  $f(x) = \frac{1}{x^2}e^{-\frac{2}{x}}$ , studiare il dominio, simmetrie, segno, limiti ai bordi del dominio, continuità, asintoti, punti critici, monotonia e convessità, flessi, massimi e minimi relativi e assoluti, punti di non derivabilità. Tracciare un grafico qualitativo compatibile con i dati ottenuti.

[2] (Punti 9) Sia dato il seguente sistema lineare  $A\mathbf{x}=\mathbf{b}$ , con  $A= \begin{bmatrix} \frac{t}{2} & 0 & t \\ -1 & 2 & 1 \\ 0 & \frac{t}{2} & 2 \end{bmatrix}$

e  $\mathbf{b}$  é il vettore colonna dato da  $\begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ \frac{t}{2} \end{bmatrix}$ .

Studiare e determinare **esplicitamente** le soluzioni al variare del parametro reale  $t$  usando la regola di Cramer. Determinare infine esplicitamente le soluzioni del sistema omogeneo associato al variare di  $t$ .

[3] (Punti 5) Sia  $f(x) = \frac{1}{x^2} \sin \frac{1}{x} + \frac{1+8x}{1+4x^2} + \ln \frac{3}{x}$ . Calcolare  $\int f(x)dx$ .

[4] (Punti 4) Calcolare, giustificando i passaggi:

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\left[ x^6 + e^{-x^6} + e^{-x^4} - xe^x - 2e^x \right]}{e^{\cos x} + 3xe^x + e^{3x}}.$$

[5] (Punti 4) Sia  $f(x, y) = -8x^3 + 4xy + y^2 - 2$ . Determinare la natura dei suoi punti critici.