

COMPITO ESAME MATEMATICA GENERALE, CLEM, 16 GENNAIO 2015

Docente: Stefano Viaggiu

COMPITO B

COGNOME:

NOME:

MATRICOLA:

RISOLVERE I PRIMI TRE ESERCIZI ED UNO A SCELTA TRA I NUMERI 4 E 5 (tempo 150 minuti).

IMPORTANTE: Affinché il compito possa essere considerato valido, lo studente deve provare a svolgere lo studio di funzione.

[1] (Punti 12) Data la funzione $f(x) = \ln \sqrt{x^2 - 3x + 2} - \ln \sqrt{5}$, studiare il dominio, simmetrie, segno, limiti ai bordi del dominio, continuità, asintoti, punti critici, monotonia e convessità, flessi, massimi e minimi relativi e assoluti, punti di non derivabilità. Tracciare un grafico qualitativo compatibile con i dati ottenuti.

[2] (Punti 9) Sia dato il seguente sistema lineare $A\mathbf{x}=\mathbf{b}$, con $A = \begin{bmatrix} -t & t \\ t & -t \\ -4 & t^2 \end{bmatrix}$

e \mathbf{b} è il vettore colonna dato da $\begin{bmatrix} 4t \\ -4t \\ 8 \end{bmatrix}$.

Studiare e determinare **esplicitamente** le soluzioni al variare del parametro reale t . Determinare infine esplicitamente le soluzioni del sistema omogeneo associato al variare di t .

[3] (Punti 5) Sia $f(x) = x^2 \arctan(x^3) - \frac{e^{2x}}{e^{4x}+1} + (4x-1)^{\frac{1}{7}}$. Calcolare $\int f(x)dx$.

[4] (Punti 4) Calcolare, giustificando i passaggi:

$$\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{(\sqrt{x} - x^3) \sin(4x)}{\ln(1+2x)[e^{(\sqrt{x})} - 1]} + 4\sqrt{x}$$

[5] (Punti 4) Sia $f(x, y) = 2 + 4(x^2 + y^2)e^{-xy}$. Determinare il suo dominio e rappresentarlo graficamente. Calcolare inoltre il piano tangente al grafico di f nel punto $(0, 0)$ e dire se tale punto è punto critico ed in caso affermativo calcolarne la natura.