Compito scritto di Matematica Generale del 17-1-2006

1) Determinare , al variare di $k \in \Re$, le autosoluzioni del sistema omogeneo seguente, nelle incognite x,y,z,t.

$$\begin{cases} 2x - y + 4z + 3t = 0 \\ -kx + ky + kt = 0 \\ 3x - ky + 8z + 7t = 0 \end{cases}$$

2) Calcolare gli eventuali punti di max. e min. relativi ed assoluti della funzione

$$f(x) = (x-1)\sqrt[3]{x^4}$$

nell'intervallo [-1,1).

3) Dire se la serie

$$\sum_{n\geq 0} \frac{1}{n^2 + 2^n}$$

converge, diverge o è indeterminata (si suggerisce l'applicazione del criterio del rapporto o del confronto).