

MATEMATICA GENERALE - CLEM - lettere M-Z

Sessione Autunnale, I Appello , 5/9/2014, A.A. 2013/2014, Compito 1

Cognome Nome Matricola

A. A. di immatricolazione: 2013/14 ☐ 2012/13 ☐ Anni precedenti ☐

1) (*10 p.ti*) Studiare la funzione

$$f(x) = \frac{\log(x-1)}{x-1}$$

a] Dominio e segno

b] Limiti ed asintoti

c] Determinazione punti critici (ovvero stazionari)

d] Studio massimi e minimi

e] Studio della concavità, flessi.

f] Grafico

2) (5 p.ti) Determinare per quali $x \in \mathbb{R}$ la serie é convergente:

$$\sum_{k \geq 1} \frac{(x-1)^{k+1}}{2^k}$$

3) (7 p.ti) Determinare le soluzioni del sistema al variare di $k \in \mathbb{R}$

$$\begin{cases} x + 2y &= -1 \\ 2x + 4y &= -2 \\ 3x + 6y &= k \\ 4x + 8y &= -4 \end{cases}$$

Individuare la risposta corretta nelle seguenti domande a risposta multipla. Ogni risposta esatta vale 2 punti, ogni risposta sbagliata -1 punto, risposta non data 0 punti. L'ultima domanda vale 2 punti

4) Data la funzione $f(x) = \sqrt[3]{x} + \sqrt[3]{x-1}$ dire se é derivabile in:

1. $x = 0$.
2. $x = 1$.
3. $x = -1$

5) (2 p.ti) Sia f definita in $[a, b]$; dire quale delle seguenti implicazioni é vera:

1. f integrabile in $[a, b] \Rightarrow f$ derivabile in $[a, b] \Rightarrow f$ continua in $[a, b]$;
2. f derivabile in $[a, b] \Rightarrow f$ continua in $[a, b] \Rightarrow f$ integrabile in $[a, b]$;
3. f continua in $[a, b] \Rightarrow f$ derivabile in $[a, b] \Rightarrow f$ integrabile in $[a, b]$;

6) (2 p.ti) Sia f definita in $A \subseteq \mathbb{R}$ dotata di derivata seconda in A che non si annulla mai. f non ha punti stazionari in A

☐ Vero ☐ Falso

7) (2 p.ti) Siano $A = [1, 2]$ e $B = (2, 3]$. Calcolare $(A \cup B) \setminus (A \cap B)$:

1. $[1, 3]$;
2. $\{\phi\}$;
3. $(2, 3)$;

8) (2 p.ti) Dare la definizione di punto di accumulazione di un insieme $A \subseteq \mathbb{R}$ e determinare i punti di accumulazione di

$$A = \{ |x - 1| \geq 2, \quad x \in \mathbb{R} \}$$