

# CORSO DI MATEMATICA GENERALE

## Esercitazione 8

### Integrali: immediati, per parti, per sostituzione

Dr. Stefano Guarino

guarino@mat.uniroma3.it

20 Novembre, 2014

1. Calcolare i seguenti integrali indefiniti immediati:

$$(a) \int \frac{\log x^3}{x} dx$$

$$(e) \int \frac{x}{\sqrt{(1-x^2)^3}} dx$$

$$(b) \int \frac{dx}{x \log^3 x}$$

$$(f) \int \frac{1+\cos x}{x+\sin x} dx$$

$$(c) \int \frac{2x}{1+x^2} dx$$

$$(g) \int \frac{x^3}{1+x^8} dx$$

$$(d) \int x^2 e^{x^3} dx$$

$$(h) \int \frac{\sin 2x}{1+\sin^2 x} dx$$

2. Calcolare i seguenti integrali indefiniti (quasi) immediati:

$$(a) \int \frac{x^3+x+1}{x^2+1} dx$$

$$(c) \int (1 + \cos x)^2 dx$$

$$(b) \int \cos^3 x dx$$

$$(d) \int \frac{3x^2(3(x^3-1)^2-2)}{(x^3-1)^3} dx$$

3. Calcolare per parti i seguenti integrali indefiniti:

$$(a) \int x \sin x dx$$

$$(f) \int 2x \log(x-5) dx$$

$$(b) \int 2xe^{-x} dx$$

$$(g) \int e^x \sin x dx$$

$$(c) \int \ln(1+x) dx$$

$$(h) \int \sqrt{1-x^2} dx$$

$$(d) \int x \log^2(5x) dx$$

$$(i) \int e^{2x} \sin(3x) dx$$

$$(e) \int (x+1)^2 \cos x dx$$

$$(j) \int \frac{\log x}{\sqrt[3]{x}} dx$$

4. Calcolare i seguenti integrali indefiniti operando un'opportuna sostituzione:

$$(a) \int \frac{e^x}{e^{2x}-3e^x+2} dx$$

$$(f) \int \frac{1}{4 \sin x + 3 \cos x} dx$$

$$(b) \int \frac{x+\sqrt{x-1}}{x-5} dx$$

$$(g) \int \frac{1}{\sqrt{2x}(\sqrt[3]{2x}+1)} dx$$

$$(c) \int \sqrt{1+x^2} dx$$

$$(h) \int \sqrt{1-x^2} dx$$

$$(d) \int \frac{2}{1+\tan x^2} dx$$

$$(i) \int \sqrt{e^x - 1} dx$$

$$(e) \int \frac{\cos x - 3}{\sin^2 x - \cos^3 x - 1} \sin x dx$$

$$(j) \int \frac{1}{x^2 \sqrt{1+x^2}} dx$$