

CI SONO LE REGISTRAZIONI



stesse modalità
cose fatte in classe
SCRITTO DICENDONE + ORALI
CON EXCEL

- Il docente: Ugo Pomante
- Esame: FREQUENTANTE NON FREQUENTANTE
- Sito web:

<https://economia.uniroma2.it/cdl/biennio/clemif/corso/2737/>

- Orario: 09:15
- Tutor d'aula: Matteo Migliorati
- Registrazione della lezione:
 - 6 vs 9: come - detto in aula
- Syllabus: è nel "Materiale Didattico"

Syllabus sintetico:

- Introduzione
 - Rischio di Tasso di Interesse Strutturale
 - Tassi Interni di Trasferimento (TIT)
 - Rischio di Liquidità
 - Rischio nel "Trading Book"
 - Alcuni Approfondimenti (no argomento per 6CFU)
- ↳ GRANDE ASSENTE: Rischio di Credito

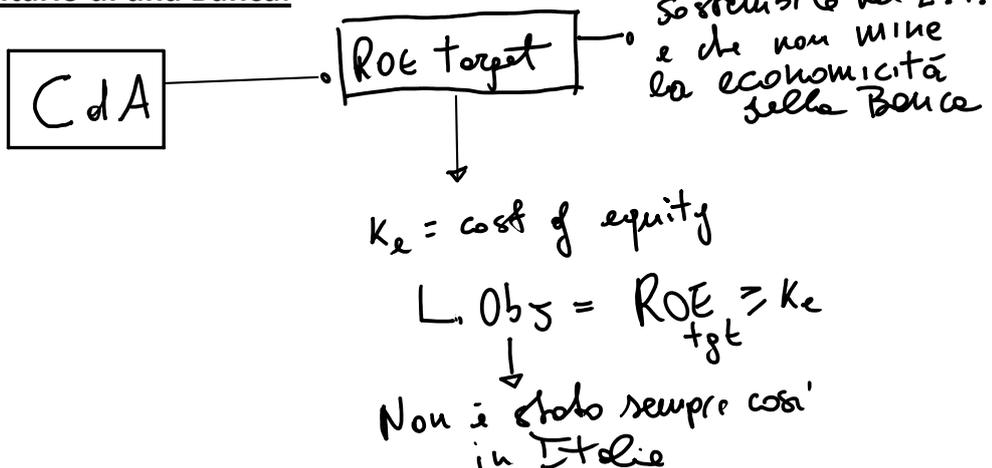
Introduzione



- Centralità della Gestione dei Rischi nel funzionamento di una Banca
- Elencare i Rischi a cui una Banca è esposta

"The fact is that bankers are in the business of managing risk. Pure and simple that is the business of banking"

Obiettivo Prioritario di una Banca:

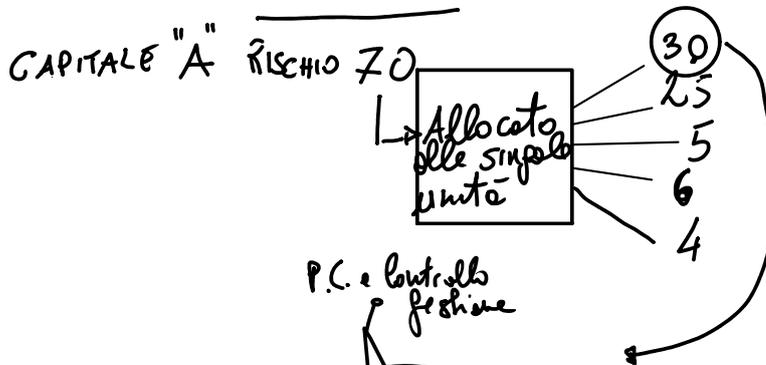


$$ROE_{TGT} = 8\%$$

M.P. = 100

FREE CAPITAL ← 30

Domanda = Sviluppo una parafinanziaria-tela x cui posso potenzialmente perdere l'intero ammontare del TPP?

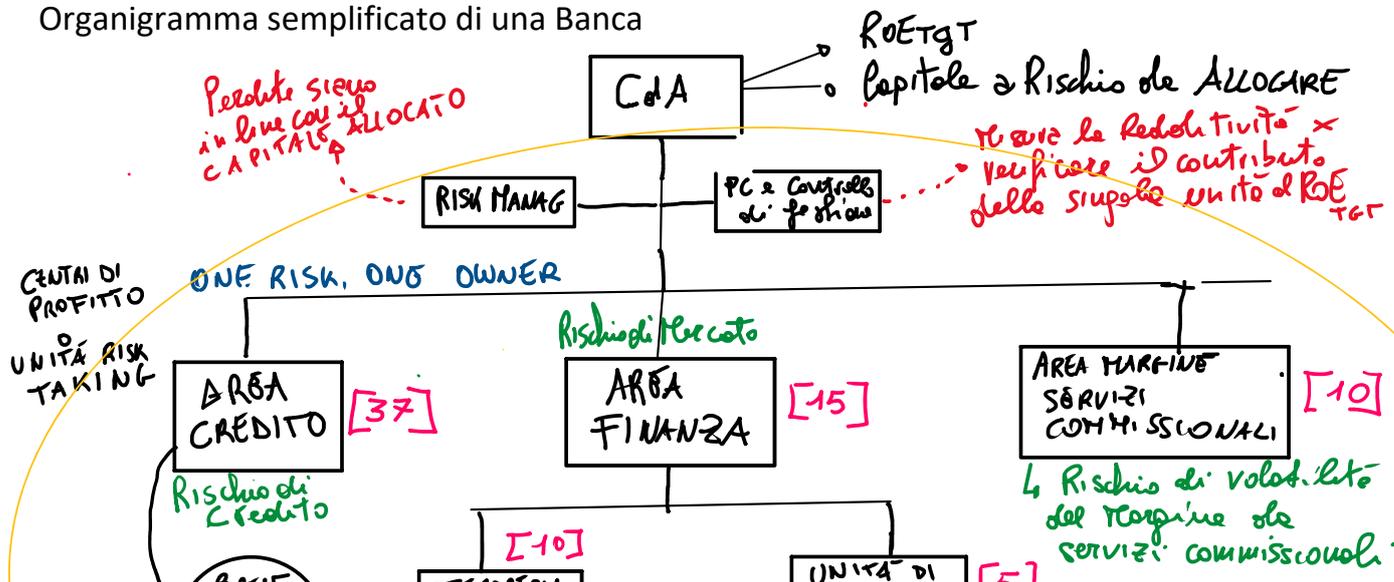


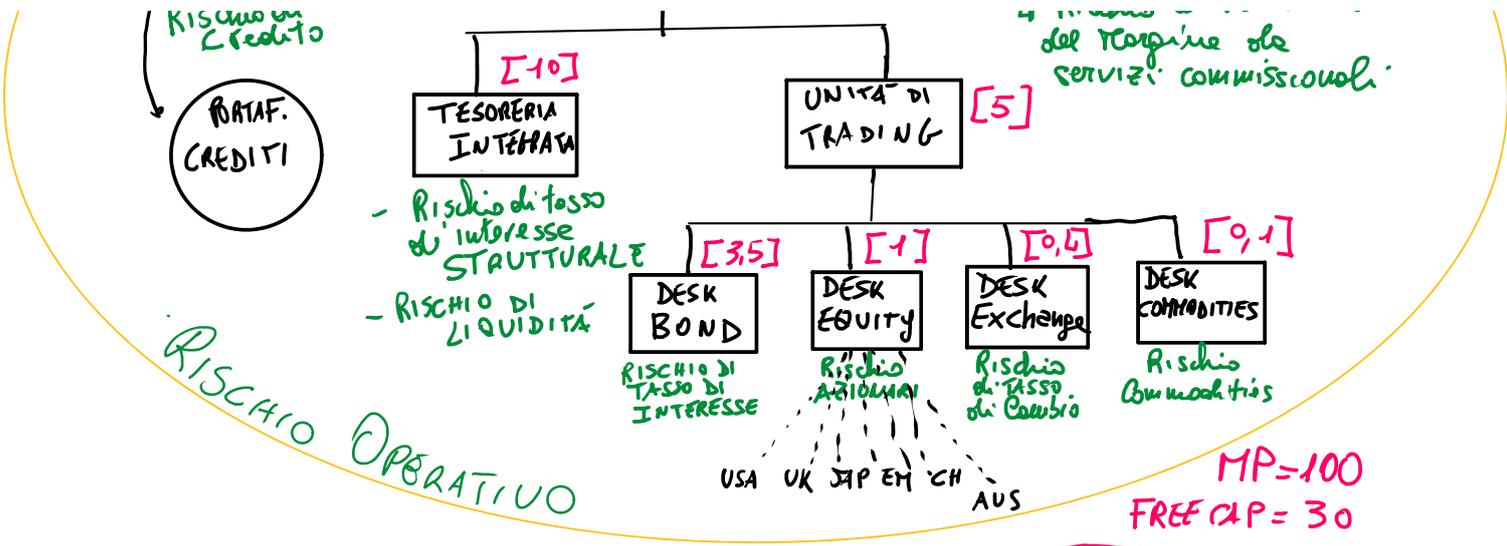
Questa unità cercherà di massimizzare i suoi profitti, ma subordinatamente al fatto che essa potrà operare limitando a 30 la perdita massima d'esercizio

Lo Risk Management

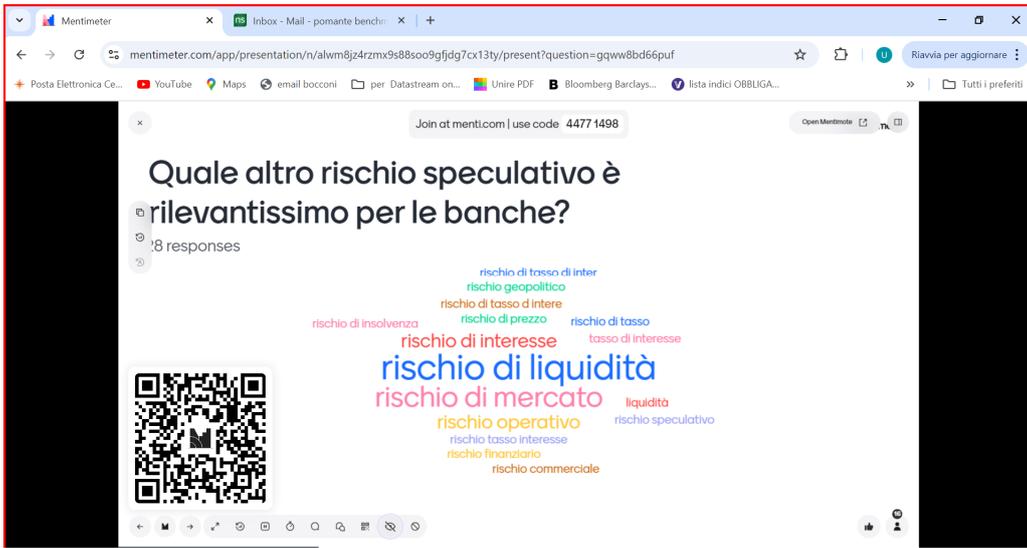


Organigramma semplificato di una Banca

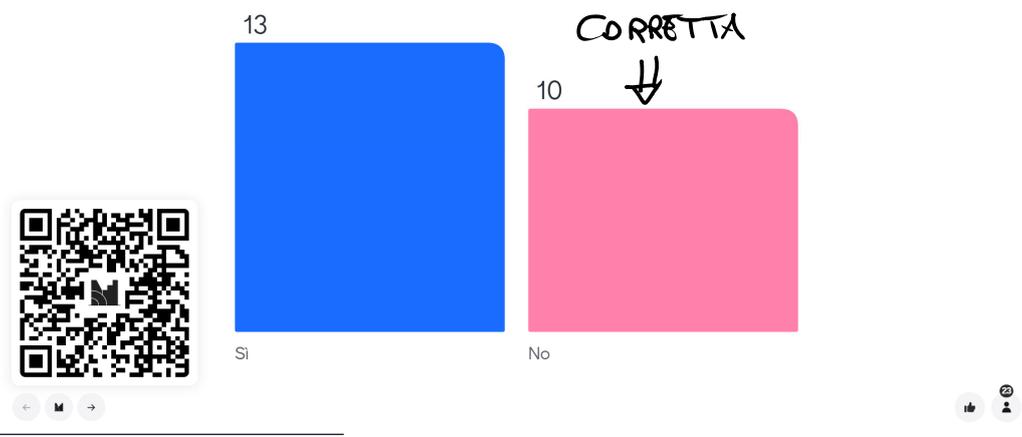




MP=100
 FREE CAP=30
 CAR = 70
 PERDITA DI RISCHIO OPERATIVO = 8
 CAPITALE ALLOCATO = 62



Ha senso creare un desk "Derivatives"?



Parentesi dedicata a 2 rischi importanti, ma scarsamente trattati dalla Letteratura Fin.ria

Rischio di σ del Margine da Servizi Servizi - Servizi di Pagamento - Vendite di Prodotti Assicurativi - ...	Rischio Operativo Definizione Residuale: E' qualsiasi rischio diverso da quelli precedentemente elencati:
--	--

Servizi
↓
COMMISSIONI (FEE)

- Vendite di Prodotti Assicurativi
- Vendite di Fondi Comuni
- Vendite di Fondi Pensione
- Vendite di GESTIONI PATRIM.LI
- Advsorg Fee

Ricavi Commissionari

- Costi sostenuti x erogazione dei Servizi

Margine dei servizi commissionari

Rischio di riduzione del Margine Commissionario dovuto ad una riduzione dei ricavi dei Servizi non compensata da una proporzionale riduzione dei COSTI

Qual è il prodotto che non assicura alla banca retrocessioni, ma assicura ampia diversificazione? E per questo un grosso pericolo per il margine da servizi della Banca

Definizione Residuale: E' qualsiasi rischio diverso da quelli precedentemente elencati:

- Catastrofali
- Frodi/Furti
- Legali

Natura: Rischio "puro" → **Minimizzato**

Classificazione del Rischio Operativo in 4 classi:

	DIMENSIONE PERDITA	
	PICCOLA	ELEVATA
BASSA FREQUENZA	IGNORATI	ASSICURATI
ALTA	MINIMIZZARE	A



I contributi massimi
una parte della
RATISSIONE

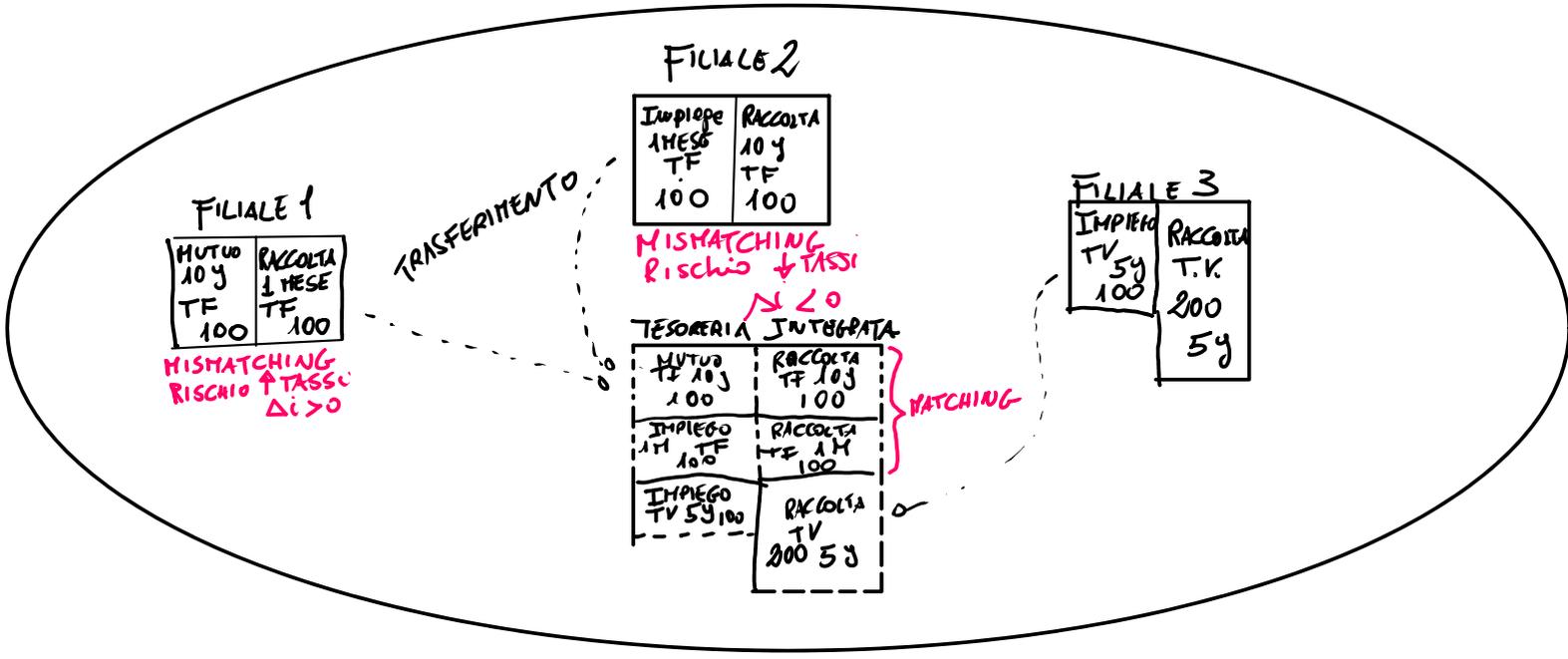
Rischio di Tasso di Interesse Strutturale:

- a) Chi lo Gestisce?
- b) Introduzione utile per comprendere la natura di questo rischio e la ragione per la quale la sua gestione a ACCENTRATA
- c) Quantificazione/Gestione di questo Rischio
 - Prospettiva agli UTILI CORRENTI
 - Prospettive PATRIMONIALI

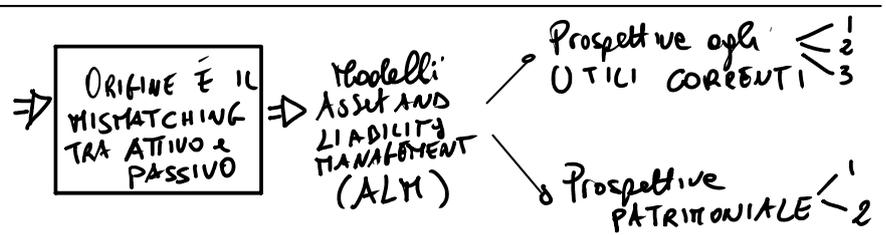
a) Chi lo Gestisce?

L'owner del rischio in questione è la Tesoreria Integrata (TI) → La TI gestisce in modo "accentrato" un rischio che origina prevalentemente "altrove"

b) La sua natura e le ragioni della Gestione Accentrata



3) Modelli di stima del Rischio di tasso di interesse strutturale



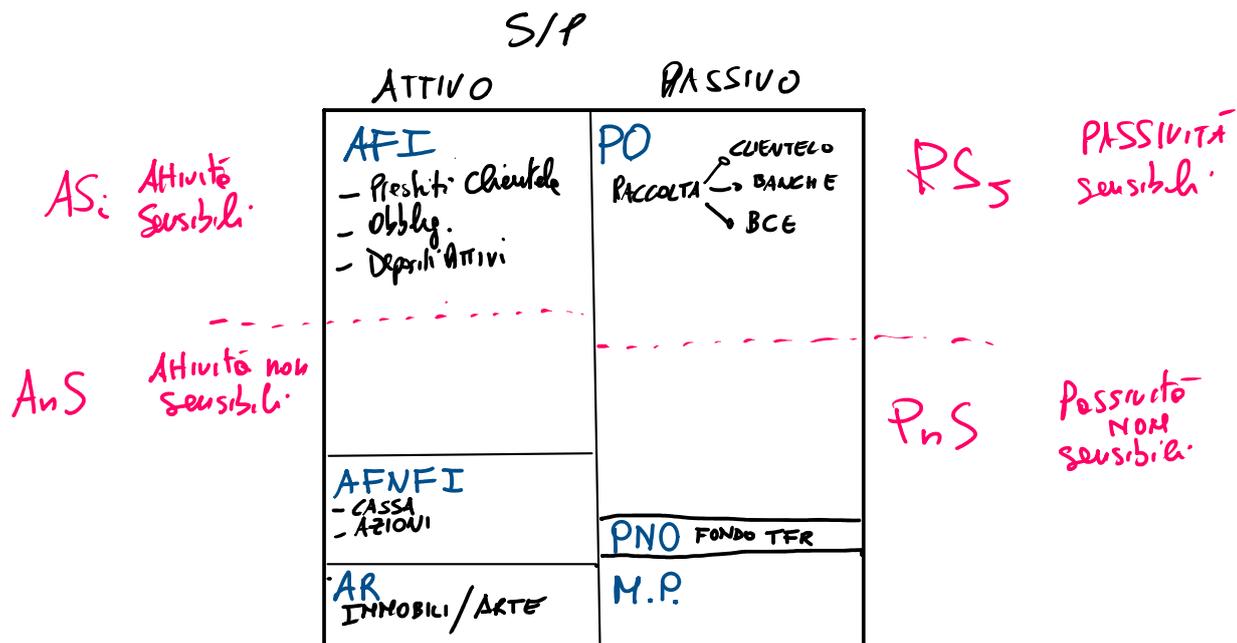
Modelli ALM Prospettive U corrente

⇒ "MIOP" ⇒ Misurano impatto economica di un Δi sull'Esercizio corrente

⇒ Impatto su un GAPPING PERIOD = 1y
 $\Delta MI = G \cdot \Delta i$

MATURITY GAP REPRICING → GAP PLAIN VANILLA, MATURITY ADJUSTED GAP (MAGAP), MAGAP STANDARDIZZ.

Per analizzare i Modelli ALM è opportuno proporre una rappresentazione semplificata dello Stato Patrimoniale (SP) della Banca, utile per identificare le diverse tipologie di Attività e Passività



Quali sono le Poste (A e P) Sensibili e quali quelle NON Sensibili

AS e PS = Sono tutte le poste che di fronte ad una variazione dei tassi di interesse di mercato vedono modificare la dimensione degli Interessi maturati nell'esercizio (nel Gapping Period)

AnS e PnS = Sono tutte le poste che di fronte ad una variazione dei tassi di interesse di mercato **NON** vedono modificare la dimensione degli Interessi maturati nell'esercizio (nel Gapping Period)

AS e PS {

- AFI e Po "a Viste"
- AFI e Po che sono a TV (Floating Rate) **INDIPENDENTEMENTE** dalle scadenze (MATURITÀ)
- AFI e Po che sono TF (Fixed Rate) e hanno una maturità $\leq GP (=1y)$

AnS e PnS {

- AFI e Po a tasso Fisso con $M > GP (=1y)$

1° Modello di Maturity GAP \Rightarrow Modello GAP PLAIN VANILLA

$t_0 (1/1/y)$

$$MI_{t_0} = IA_{TOT_0} - IP_{TOT_0} = AFI_{TOT} \cdot \bar{I}_A - PO_{TOT} \cdot \bar{I}_P =$$

$$= (AS_{TOT} + AnS_{TOT}) \cdot \bar{I}_A - (PS_{TOT} + PnS_{TOT}) \cdot \bar{I}_P =$$

un istante dopo t_0

$$= AS_{TOT} \cdot \bar{I}_A + AnS_{TOT} \cdot \bar{I}_A - PS_{TOT} \cdot \bar{I}_P - PnS_{TOT} \cdot \bar{I}_P \quad (2)$$

un istante dopo t_0

$$= AS_{TOT} \cdot \bar{I}_A + AnS_{TOT} \cdot \bar{I}_A - PS_{TOT} \cdot \bar{I}_P - PnS_{TOT} \cdot \bar{I}_P \quad (\alpha)$$

$t_1 = t_0 + \epsilon$
 $\epsilon \rightarrow \emptyset$

Δi

- "UNICA"
- "ISTANTANEA" ($t_0 + \epsilon$)
- "UNIFORME"

$$MI_1 = IA_{TOT_1} - IP_{TOT_1} = AS_{TOT} \cdot (\bar{I}_A + \Delta i) + AnS_{TOT} \cdot \bar{I}_A - PS_{TOT} \cdot (\bar{I}_P + \Delta i) - PnS_{TOT} \cdot \bar{I}_P \quad (\beta)$$

$$\Delta MI = MI_1 - MI_0 = (\beta) - (\alpha) = AS_{TOT} \cdot \bar{I}_A + AS_{TOT} \cdot \Delta i + AnS_{TOT} \cdot \bar{I}_A - PS_{TOT} \cdot \bar{I}_P - PS_{TOT} \cdot \Delta i - PnS_{TOT} \cdot \bar{I}_P + PnS_{TOT} \cdot \bar{I}_P - AS_{TOT} \cdot \bar{I}_A - AnS_{TOT} \cdot \bar{I}_A + PS_{TOT} \cdot \bar{I}_P + PnS_{TOT} \cdot \bar{I}_P =$$

$$= AS_{TOT} \cdot \Delta i - PS_{TOT} \cdot \Delta i =$$

$$= \underbrace{(AS_{TOT} - PS_{TOT})}_{GAP_{PV}} \cdot \Delta i = \left(\sum_{i=1}^n AS_i - \sum_{j=1}^m PS_j \right) \Delta i$$

$$\Delta MI = (AS_{TOT} - PS_{TOT}) \cdot \Delta i$$

Griglia utile allo scopo di studiare il Gap

	"+" AS > PS	GAP	"-" AS < PS	
(+) $\uparrow i$ ($\Delta i > 0$)	$\Delta MI > 0$ 		$\Delta MI < 0$ 	<u>ASSUME Rischio</u> Aspettative: $\uparrow \Delta i > 0 \Rightarrow GAP > 0$ $\downarrow \Delta i < 0 \Rightarrow GAP < 0$
Δi	$\Delta MI < 0$ 		$\Delta MI > 0$ 	
(-) $\downarrow i$ ($\Delta i < 0$)	$\Delta MI < 0$ 		$\Delta MI > 0$ 	<u>NON ASSUME RISCHIO</u> L. IMMUNITAZIONE $L \rightarrow G \rightarrow \emptyset$

Esempio di calcolo del Gap Plain Vanilla

ATTIVITÀ	€ M	PASSIVITÀ	€ M
Depositi interb. attivi a 1 mese	200	Depositi interb. passivi a 1 mese	60
BOT a 3 mesi	30	CD a tasso variabile (prossima revisione a 3 mesi)	200
CCT a 5 anni (prossima revisione a 6 mesi)	120	Obbligazioni a tasso variabile (prossima revisione a 6 mesi)	80
Crediti al consumo a 5 mesi	80	CD a tasso fisso a 1 anno	160
Mutui a tasso variabile a 20 anni (prossima revisione a 1 anno)	70	Obbligaz. a tasso fisso a 5 anni	180
BTP a 5 anni	170	Obbligaz. a tasso fisso a 10 anni	120
Mutui a tasso fisso a 10 anni	200	Titoli subordinati a 20 anni FIX	80
BTP a 30 anni	130	Patrimonio	120
Totale	1000	Totale	1000

AS _i	PS _j
200	60
30	200
120	80
80	160
70	
AS_{TOT} = 500	PS_{TOT} = 500

$$G_{PV} = \emptyset$$



La Banca è Immune da una variazione dei tassi di interesse

Aspettative $\Delta r > 0$



Stipulato un Asset Swap che trasformo in tasso variabile il Mutuo TF 10y. In questo modo $AS = 700$

TOT

$$GAP_{PV} = 800$$

- **Staticità** dello S/P: Assumiamo che lo S/P non cambi nel né per **Dimensione** né per **Struttura**. Assumiamo che alla scadenza di una posta essa venga rinnovata con le stesse caratteristiche contrattuali \Rightarrow **STRUTTURALE** * TUTTI I MODELLI ALM ANALIZZATI
- **Δr unica ed istantanea**: la variazione dei tassi è unica e si manifesta al tempo $t_0 + \epsilon \rightarrow \emptyset$
 \Rightarrow **STRUTTURALE** * TUTTI I MODELLI
- Ipotesi di una revisione **immediata** dei tassi da parte delle AS e PS \Rightarrow **Rimasso del MAGAP**
 \Rightarrow Il G_{PV} tratta le AS e PS come se fossero tutte AVISTA
- Ipotesi di variazione **uniforme** dei tassi di interesse (variazione dei tassi uniforme tra Attività e Passività, uniforme per le diverse tipologie contrattuali e shift parallelo della curva, ovvero uniforme per scadenza) \Rightarrow **RIMASSO del MAGAP standardizzato**
- Trascura l'effetto che una variazione dei tassi di interesse produce oltre l'esercizio (oltre il Gapping Periodo) \Rightarrow **Prospettivo Patrimoniale**

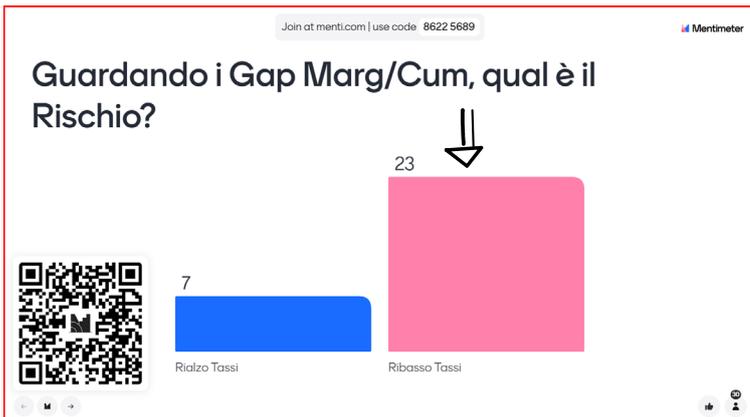
Rimozione ipotesi revisione immediata del tasso da parte delle poste sensibili

\Rightarrow Modello di Maturity Adjusted GAP (MAGAP)

ATTIVITÀ	€ M	PASSIVITÀ	€ M
Depositi interb. attivi a 1 mese	200	Depositi interb. passivi a 1 mese	60
BOT a 3 mesi	30	CD a tasso variabile (prossima revisione a 3 mesi)	200
CCT a 5 anni (prossima revisione a 6 mesi)	120	Obbligazioni a tasso variabile (prossima revisione a 6 mesi)	80
Crediti al consumo a 5 mesi	80	CD a tasso fisso a 1 anno	160
Mutui a tasso variabile a 20 anni (prossima revisione a 1 anno)	70	Obbligaz. a tasso fisso a 5 anni	180
BTP a 5 anni	170	Obbligaz. a tasso fisso a 10 anni	120
Mutui a tasso fisso a 10 anni	200	Titoli subordinati a 20 anni	80
BTP a 30 anni	130	Patrimonio	120
Totale	1000	Totale	1000

Intervallo Temporale	AS:	PS:	GAP MARG	GAP CUMUL
[0 - 1 mese]	200	60	+140	+140
] 1 mese - 3 mesi]	30	200	-170	-30
] 3 mesi - 6 mesi]	$120+70=200$	8	+120	+90
] 6 mesi - 9 mesi]	\emptyset	\emptyset	\emptyset	+90
] 9 mesi - 12 mesi]	70	160	-90	\emptyset

500 500



Siccome le AS rivedono il tasso mediamente prima delle PS, il rischio è quello di ribasso dei tassi di interesse, poiché le AS matureranno interessi al tasso più basso
PER PIU' TEMPO

Stime del MAGAP

$$I = V_n \cdot i$$

$$G_{PV} \rightarrow \Delta MI = \left(\sum_{i=1}^n AS_i - \sum_{j=1}^m PS_j \right) \cdot \Delta i$$

$$\Delta MI = \left(\sum_{i=1}^n AS_i \times 1 - \sum_{j=1}^m PS_j \times 1 \right) \Delta i$$

Il Magap sostituisce all'unità (1=Gapping periodo) l'effettivo periodo nel quale ogni posta matura interessi al nuovo tasso. In pratica questo periodo effettivo è pari a 1 meno il "periodo di fissità" ovvero il tempo nel quale la posta continua a maturare interessi al "vecchio tasso"

$$\Delta MI = \left[\sum_{i=1}^n AS_i \cdot (1 - p_i) - \sum_{j=1}^m PS_j \cdot (1 - p_j) \right] \times \Delta i = G \cdot \Delta i$$

Maturity Adjusted Gap

Esempio numerico di calcolo del MAGAP

ATTIVITÀ	€ M	PASSIVITÀ	€ M
Depositi interb. attivi a 1 mese	200	Depositi interb. passivi a 1 mese	60
BOT a 3 mesi	30	CD a tasso variabile (prossima revisione a 3 mesi)	200
CCT a 5 anni (prossima revisione a 6 mesi)	120	Obbligazioni a tasso variabile (prossima revisione a 6 mesi)	80
Crediti al consumo a 5 mesi	80	CD a tasso fisso a 1 anno	160
Mutui a tasso variabile a 20 anni (prossima revisione a 1 anno)	70	Obbligaz. a tasso fisso a 5 anni	180
BTP a 5 anni	170	Obbligaz. a tasso fisso a 10 anni	120
Mutui a tasso fisso a 10 anni	200	Titoli subordinati a 20 anni TF	80
BTP a 30 anni	130	Patrimonio	120
Totale	1000	Totale	1000

AS _i	(1 - p _i)	AS _i · (1 - p _i)	PS _j · (1 - p _j)	(1 - p _j)	PS _j
200	(1 - 1/12) = 0,917	183,6	55,02	(1 - 1/12) = 0,917	60
30	(1 - 3/12) = 0,75	22,5	150	(1 - 3/12) = 0,75	200
120	(1 - 0,5) = 0,5	60	40	(1 - 0,5) = 0,5	80
80	(1 - 5/12) = 0,583	46,64	∅	(1 - 1) = ∅	160
70	(1 - 1) = ∅	∅			
500		312,54	245,02		500

$$\left[\sum_{i=1}^n AS_i \cdot (1 - p_i) - \sum_{j=1}^m PS_j \cdot (1 - p_j) \right]$$

$$\text{MAGAP} = 67,52$$

$$\Delta i = -1\% \Rightarrow \Delta MI = -0,6752$$

$$\Delta MI = \text{MAGAP} \cdot \Delta i = 67,52 \cdot \Delta i$$

$$\Delta i = +1\% \Rightarrow \Delta MI = +0,6752$$

ATTIVITÀ	€ M	PASSIVITÀ	€ M
Depositi interb. attivi a 1 mese	200	Depositi interb. passivi a 1 mese	60
BOT a 3 mesi	30	CD a tasso variabile (prossima revisione a 3 mesi)	200
CCT a 5 anni (prossima revisione a 6 mesi)	120	Obbligazioni a tasso variabile (prossima revisione a 6 mesi)	80
Crediti al consumo a 5 mesi	80	CD a tasso fisso a 1 anno	160
Mutui a tasso variabile a 20 anni (prossima revisione a 1 anno)	70	Obbligaz. a tasso fisso a 5 anni	180
BTP a 5 anni	170	Obbligaz. a tasso fisso a 10 anni	120
Mutui a tasso fisso a 10 anni	200	Titoli subordinati a 20 anni TF	80
BTP a 30 anni	130	Patrimonio	120
Totale	1000	Totale	1000

AS _i	1-β _i	β _i	AS _i · (1-β _i) · β _i
200	0,917	1,1	201,74
30	0,75	1,05	83,625
120	0,5	1	60
80	0,583	0,95	44,308
70	∅	1	∅
			389,673
			$\sum_{i=1}^n AS_i \cdot (1-\beta_i) \cdot \beta_i$

PS _j · (1-β _j) · δ _j	δ _j	(1-β _j)	PS _j
49,518	0,9	0,917	60
142,5	0,95	0,75	200
40	1	0,5	80
∅	1	∅	160
			232,018
			$\sum_{j=1}^m PS_j \cdot (1-\beta_j) \cdot \delta_j$

$MAGAP_{ST} = \boxed{97,655}$

$\Delta MI = MAGAP_{ST} \cdot \Delta i \Rightarrow \Delta i$

- +1 ⇒ ΔMI = +0,97655
- 1 ⇒ ΔMI = -0,97655

Nota Bene: I Modelli di Repricing/Maturity Gap trascurano l'impatto che una variazione dei tassi di interesse produce **"oltre"** l'esercizio



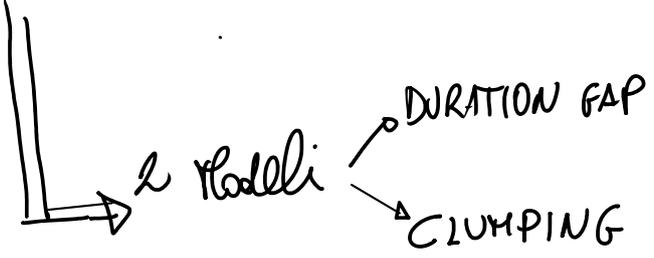
Misurare l'impatto della variazione dei tassi di interesse sull'intera vita della banca

⇒ Modelli ALM che spaziano una prospettiva PATRIMONIALE

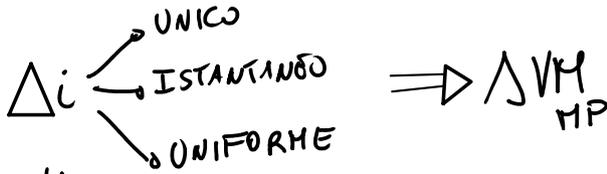
⇒ Δi impatta ΔVM_{PATR.}

Il ΔVM_{PATR.} è assimilabile alla somma dei ΔMI di tutti i futuri esercizi (vita) della Banca

$\Delta VM_{PATR} \cong \sum_{i=1}^T \Delta MI_i$



1° Modello Prospettiva Patrimoniale: Duration Gap



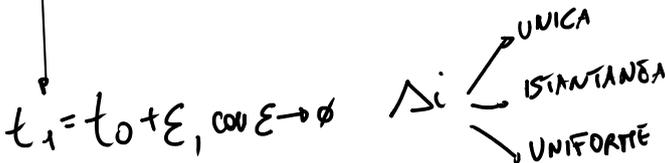
Grosso elemento di **COMPLICAZIONE** ⇒ **marking-to-market (m-t-m) di tutti gli Asset e tutte le Liabilities!**

LAVORATO con uno S/P a Valori di Mercato

VM ATTIVO	VM PASS
	VM MP

Calcolo della Formula della Duration Gap (DG)

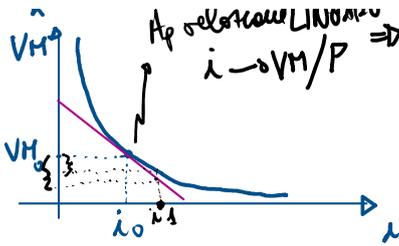
$$t_0 \quad VM_{MP_0} = VM_{ATT_{TOT_0}} - VM_{PASS_{TOT_0}} = \left(VM_{AFI_{TOT_0}} + VM_{AFNEFI_{TOT_0}} + VM_{AR_{TOT_0}} \right) - \left(VM_{PO_{TOT_0}} + VM_{PND_{TOT_0}} \right) \quad (A)$$



$$VM_{MP_1} = VM_{ATT_{TOT_1}} - VM_{PASS_{TOT_1}} = \left(VM_{AFI_{TOT_0}} + \Delta VM_{AFI_{TOT}} + VM_{AFNEFI_{TOT_0}} + VM_{AR_{TOT_0}} \right) - \left(VM_{PO_{TOT_0}} + \Delta VM_{PO_{TOT}} + VM_{PND_{TOT_0}} \right) \quad (B)$$

$$\Delta VM_{MP} = (B) - (A) = VM_{MP_1} - VM_{MP_0} = \cancel{VM_{AFI_{TOT_0}}} + \Delta VM_{AFI_{TOT}} + \cancel{VM_{AFNEFI_{TOT_0}}} + \cancel{VM_{AR_{TOT_0}}} - \cancel{VM_{PO_{TOT_0}}} - \Delta VM_{PO_{TOT}} - \cancel{VM_{PND_{TOT_0}}} - \cancel{VM_{AFI_{TOT_0}}} - \cancel{VM_{AFNEFI_{TOT_0}}} - \cancel{VM_{AR_{TOT_0}}} + \cancel{VM_{PO_{TOT_0}}} + \cancel{VM_{PND_{TOT_0}}} = \Delta VM_{AFI_{TOT}} - \Delta VM_{PO_{TOT}}$$

MATEMATICA FINANZIARIA:
 Posta (A/P) rotazione interesse K. esima
 VM_k obiettivo $\Delta i \rightarrow \Delta VM_k$
 AP relazione LINEARE $\Rightarrow \Delta VM_k \approx VM_k \cdot (-DM_k) \cdot \Delta i$
 $i \rightarrow VM/P \Rightarrow VM \cdot (-DM_{AFI}) \cdot \Delta i$



$$\Delta VM \approx VM \cdot (-DM) \cdot \Delta i'$$

$$\Delta VM_{AFI_{TOT}} = VM_{AFI_{TOT}} \cdot (-DM_{AFI_{TOT}}) \cdot \Delta i'$$

$$\Delta VM_{PO_{TOT}} = VM_{PO_{TOT}} \cdot (-DM_{PO_{TOT}}) \cdot \Delta i'$$

$$\Delta VM_{MP} = \Delta VM_{AFI_{TOT}} - \Delta VM_{PO_{TOT}} = VM_{AFI_{TOT}} \cdot (-DM_{AFI_{TOT}}) \cdot \Delta i' - VM_{PO_{TOT}} \cdot (-DM_{PO_{TOT}}) \cdot \Delta i' =$$

$$\Delta VM_{MP} = - \left(VM_{AFI_{TOT}} \cdot DM_{AFI_{TOT}} - VM_{PO_{TOT}} \cdot DM_{PO_{TOT}} \right) \cdot \Delta i'$$

DG

$$\Delta VM_{MP} = - (DG) \cdot \Delta i'$$

Proponiamo una **seconda formula** della Duration Gap

Lo spello sulla linea della D/DM di un portafoglio di POSTO

PORTAFOGLIO obbligazionario

$\left\{ \begin{array}{l} T_1 \\ T_2 \\ T_3 \end{array} \right.$	VM_1	DM_1	$\Rightarrow DM_{PORT} = \sum_{i=1}^N \frac{VM_i}{VM_{PORT}} \cdot DM_i$ (Retoportfolie)
	VM_2	DM_2	
	VM_3	DM_3	

CCT indicizzato EURIBOR 6M

PRICE INFORMATION		HISTORICAL VALUATION	
Bid / Ask Price	*100.8659900 / 101.2400500	Change Information	Previous Day
Bid / Ask Spread	37.4	Price	100.7840000
Priced Using	62.4 bp discount margin off undefined (MAT Oct-2028)	Price Change	0.0819900
REPS Valuation Score	10	OAS	--
Pricing Source	Refinitiv End of Day Pricing (EJV)	OAS Change	--
Valuation Date	01-Oct-2024	YTW	3.7618780
Valuation Settle Date	03-Oct-2024	YTW Change	-0.0426060
Accrued Interest (Days)	2.214 (171 Days)	Return Information	Previous Day
* Bid Price affects P/Y Values and Options Adjusted Values calculations		Price Return	0.079
Yield	3.7192720	Coupon Return	0.013
DVO1/PVBP	0.0003	Reinvestment Return	0.000
Interpolated Spread	192.3	Principal Return	0.000
OTR Spread	192.6 (EPT4Y)	Total Return	0.091
Modified Duration	0.033	Option Cost	--
Mac. Duration	3.688		
Convexity	0.0034		

Come mai la DM è così bassa e la Duration è così alta?

Ragioni che possono determinare la variazione del rendimenti di un titolo

25 responses



$\Delta i \rightarrow \Delta VM$
 \downarrow
 Δ tassi di interesse di MAT
 Δ Merito creditizio dell'emittente

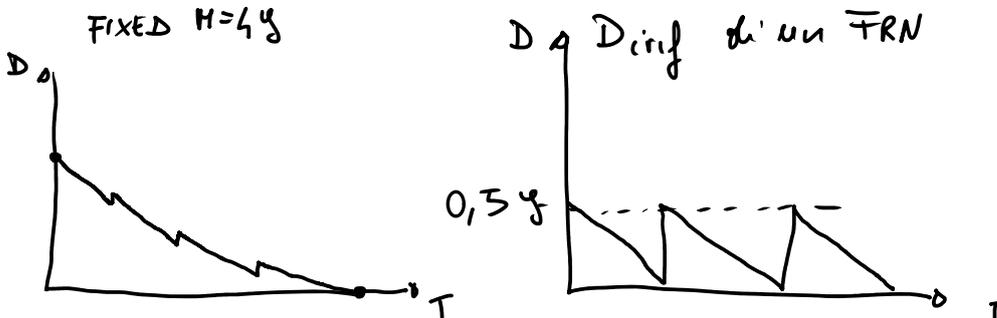
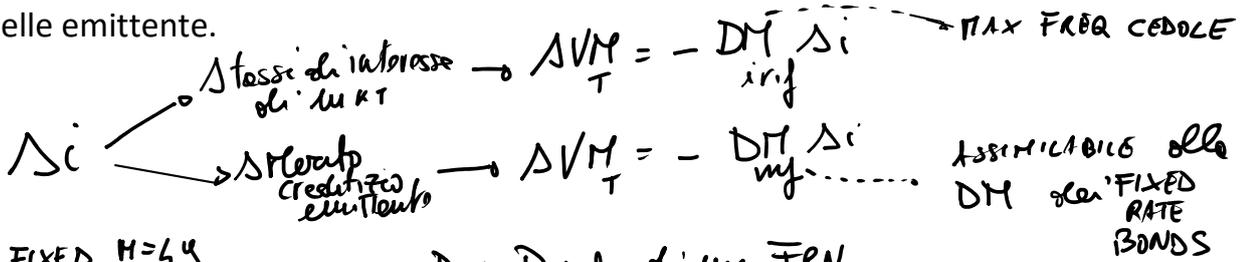
FIXED RATE NOTE
 $\Delta VM_T = -DM_T \cdot \Delta i$
 $\Delta VM_T = -7,8 \cdot (1\%) = -7,8\%$

Lo stesso \downarrow indipendentemente dal fatto che Δi sia causato da una Δ tassi di MAT o da una Δ Merito creditizio

FLO + TING RATE NOTE

La variazione del VM di una OTV/FRN al variare dei tassi di interesse dipende dalla causa della variazione dei tassi di interesse.

In altri termini, la sensibilità del VM di un titolo al variare dei tassi è diversa a seconda che la variazione sia imputabile ai tassi di mercato o al merito creditizio delle emittente.



$$\Delta VM_{MP} = - \left(\underbrace{VM_{AFI_{TOT}} \cdot DM_{AFI_{TOT}} - VM_{PO_{TOT}} \cdot DM_{PO_{TOT}}}_{DG} \right) \cdot \Delta i$$

(A)

MP

$$DM_{PORT} = \sum_{i=1}^n \frac{VM_i}{VM_{PORT}} \cdot DM_i$$

Formula generale

$$DM_{AFI_{TOT}} = \sum_{i=1}^n \frac{VM_{AFI_i}}{VM_{AFI_{TOT}}} \times DM_{AFI_i} = \frac{1}{VM_{AFI_{TOT}}} \cdot \sum_{i=1}^n VM_{AFI_i} \cdot DM_{AFI_i} \quad (A)$$

$$DM_{PO_{TOT}} = \sum_{j=1}^m \frac{VM_{PO_j}}{VM_{PO_{TOT}}} \times DM_{PO_j} = \frac{1}{VM_{PO_{TOT}}} \cdot \sum_{j=1}^m VM_{PO_j} \cdot DM_{PO_j} \quad (B)$$

Effettuiamo la sostituzione:

$$\Delta VM_{MP} = - \left(\frac{VM_{AFI_{TOT}}}{VM_{AFI_{TOT}}} \cdot \frac{1}{VM_{AFI_{TOT}}} \cdot \sum_{i=1}^n VM_{AFI_i} \cdot DM_{AFI_i} - \frac{VM_{PO_{TOT}}}{VM_{PO_{TOT}}} \cdot \frac{1}{VM_{PO_{TOT}}} \cdot \sum_{j=1}^m VM_{PO_j} \cdot DM_{PO_j} \right) \Delta i$$

$$\Delta VM_{MP} = - \left(\sum_{i=1}^n VM_{AFI_i} \cdot DM_{AFI_i} - \sum_{j=1}^m VM_{PO_j} \cdot DM_{PO_j} \right) \Delta i$$

DG

$$\Delta VM_{MP} = - \left(VM_{AFI_{TOT}} \cdot DM_{AFI_{TOT}} - VM_{PO_{TOT}} \cdot DM_{PO_{TOT}} \right) \cdot \Delta i$$

DG

Analisi dei 4 casi possibili:

$$\Delta VM_{MP} = -DG \cdot \Delta i$$

	+ DG	-
$\Delta i > 0$ (i ↑)	$\Delta VM_{MP} < 0$ 	$\Delta VM_{MP} > 0$ 
Δi	$\Delta VM_{MP} > 0$ 	$\Delta VM_{MP} < 0$ 
$\Delta i < 0$ (i ↓)		

Operato Banca

- 1) IMMUNIZZAZIONE
↳ $DG \cong \emptyset$
- 2) Profitto → Aspettative $\Delta i > 0$
↳ $DG < 0$
- 3) Profitto → Aspettative $\Delta i < 0$
↳ $DG > 0$

Esempio di calcolo della DG

1° METODO

DM _{AFI}	ATTIVITÀ	€ M	PASSIVITÀ	€ M	DM _{PO}
0,08	Depositi interb. attivi a 1 mese	198 200	Depositi interb. passivi a 1 mese	61 00	0,08
0,24	BOT a 3 mesi	28 20	CD a tasso variabile (prossima revisione a 3 mesi)	198 200	0,24
0,49	CCT a 5 anni (prossima revisione a 6 mesi)	115 120	Obbligazioni a tasso variabile (prossima revisione a 6 mesi)	82 20	0,49
0,39	Crediti al consumo a 5 mesi	92 20			

0,24	BOT a 3 mesi	28 70	CD a tasso variabile	198 200	0,24
0,49	CCT a 5 anni (prossima revisione a 6 mesi)	115 120	(prossima revisione a 3 mesi)	82 80	0,49
0,39	Crediti al consumo a 5 mesi	82 80	Obbligazioni a tasso variabile (prossima revisione a 6 mesi)	160 180	0,98
0,95	Mutui a tasso variabile a 20 anni (prossima revisione a 1 anno)	73 70	CD a tasso fisso a 1 anno	178 180	4
4,2	BTP a 5 anni	165 170	Obbligaz. a tasso fisso a 5 anni	116 120	8
8	Mutui a tasso fisso a 10 anni	210 200	Obbligaz. a tasso fisso a 10 anni	70 80	10
18	BTP a 30 anni	122 120	Titoli subordinati a 20 anni	128 120	
	Totale	1000	Totale	1000	
		993		993	

$$\Delta VM_{HP} = - \left(\underbrace{\sum_{i=1}^n VM_{AFI_i} \cdot DM_{AFI_i} - \sum_{j=1}^m VM_{PO_j} \cdot DM_{PO_j}}_{DG} \right) \Delta i$$

$$\sum_{i=1}^n VM_{AFI_i} \cdot DM_{AFI_i} = 198 \cdot 0,08 + 28 \cdot 0,24 + 115 \cdot 0,49 + 82 \cdot 0,39 + 73 \cdot 0,95 + 165 \cdot 4,2 + 210 \cdot 8 + 122 \cdot 18 = 4749,24$$

$$\sum_{j=1}^m VM_{PO_j} \cdot DM_{PO_j} = 61 \cdot 0,08 + 198 \cdot 0,24 + 82 \cdot 0,49 + 160 \cdot 0,98 + 178 \cdot 4 + 116 \cdot 8 + 70 \cdot 10 = 2589,38$$

$$DG = \sum_{i=1}^n VM_{AFI_i} \cdot DM_{AFI_i} - \sum_{j=1}^m VM_{PO_j} \cdot DM_{PO_j} = 4749,24 - 2589,38 = \boxed{2159,86}$$

$$\Delta VM_{HP} = - DG \cdot \Delta i = - 2159,86 \cdot 1\% = - 21,59 \text{ MLN di €}$$

Calcolo della DG con il secondo metodo

$$\Delta VM_{HP} = - \left(\underbrace{VM_{AFI_{TOT}} \cdot DM_{AFI_{TOT}} - VM_{PO_{TOT}} \cdot DM_{PO_{TOT}}}_{DG} \right) \cdot \Delta i$$

DM _{AFI}	ATTIVITÀ	€ M	PASSIVITÀ	€ M	DM _{PO}
0,08	Depositi interb. attivi a 1 mese	198 200	Depositi interb. passivi a 1 mese	61 80	0,08
0,24	BOT a 3 mesi	28 70	CD a tasso variabile	198 200	0,24
0,49	CCT a 5 anni (prossima revisione a 6 mesi)	115 120	(prossima revisione a 3 mesi)	82 80	0,49
0,39	Crediti al consumo a 5 mesi	82 80	Obbligazioni a tasso variabile (prossima revisione a 6 mesi)	160 180	0,98
0,95	Mutui a tasso variabile a 20 anni (prossima revisione a 1 anno)	73 70	CD a tasso fisso a 1 anno	178 180	4
4,2	BTP a 5 anni	165 170	Obbligaz. a tasso fisso a 5 anni	116 120	8
8	Mutui a tasso fisso a 10 anni	210 200	Obbligaz. a tasso fisso a 10 anni	70 80	10
18	BTP a 30 anni	122 120	Titoli subordinati a 20 anni	128 120	
	Totale	1000	Totale	1000	
		993		993	

$$VM_{AFI_{TOT}} = 198 + 28 + 115 + 82 + 73 + 165 + 210 + 122 = 993$$

$$DM_{AFI_{TOT}} = 0,08 \cdot \frac{198}{993} + 0,24 \cdot \frac{28}{993} + 0,49 \cdot \frac{115}{993} + 0,39 \cdot \frac{82}{993} + 0,95 \cdot \frac{73}{993} + 4,2 \cdot \frac{165}{993} + 8 \cdot \frac{210}{993} + 18 \cdot \frac{122}{993} = 4,78$$

$$= 0,08 \cdot 199,1 + 0,24 \cdot 2,8 + 0,49 \cdot 11,6 + 0,39 \cdot 8,3 + 0,95 \cdot 7,4 + 4,2 \cdot 16,6 + 8 \cdot 21,1 + 18 \cdot 12,3 = 4,78$$

$$VM_{PO_{TOT}} = 61 + 198 + 82 + 160 + 178 + 116 + 70 = 865$$

$$DM_{PO_{TOT}} = 0,08 \cdot \frac{61}{865} + 0,24 \cdot \frac{198}{865} + 0,49 \cdot \frac{82}{865} + 0,98 \cdot \frac{160}{865} + 4 \cdot \frac{178}{865} + 8 \cdot \frac{116}{865} + 10 \cdot \frac{70}{865} = 8,99$$

$$DM_{PO_{TOT}} = 0,08 \cdot \frac{61}{865} + 0,24 \cdot \frac{198}{865} + 0,49 \cdot \frac{82}{865} + 0,98 \cdot \frac{160}{865} + 4 \cdot \frac{178}{865} + 8 \cdot \frac{116}{865} + 10 \cdot \frac{70}{865} = 2,99$$

$$DG = \left(VM_{AFI_{TOT}} \cdot DM_{AFI_{TOT}} - VM_{PO_{TOT}} \cdot DM_{PO_{TOT}} \right) = (993 \cdot 4,78) - (865 \cdot 2,99) = 2.159,86$$

1° Metodo

	I METODO (DG)		vm*dm		DM pass		VM pass	
	VM att	DM att	vm*dm	vm*dm	DM pass	VM pass		
19,9%	198	0,08	15,84	4,88	0,08	61	7,1%	
2,8%	28	0,24	6,72	47,52	0,24	198	22,9%	
11,6%	115	0,49	56,35	40,18	0,49	82	9,5%	
8,3%	82	0,39	31,98	156,8	0,98	160	18,5%	
7,4%	73	0,95	69,35	712	4	178	20,6%	
16,6%	165	4,2	693	928	8	116	13,4%	
21,1%	210	8	1680	700	10	70	8,1%	
12,3%	122	18	2196					
			4.749,24	2.589,38				
			DG	Δi	Delta VM MP			
			2.159,86	1%	-21,5986			
				-1%	21,5986			

2° Metodo

% VM afi	II METODO (DG)				DM pass		VM pass	% VM po
	VM att	DM att			DM pass	VM pass		
19,9%	198	0,08			0,08	61	7,1%	
2,8%	28	0,24			0,24	198	22,9%	
11,6%	115	0,49			0,49	82	9,5%	
8,3%	82	0,39			0,98	160	18,5%	
7,4%	73	0,95			4	178	20,6%	
16,6%	165	4,2			8	116	13,4%	
21,1%	210	8			10	70	8,1%	
12,3%	122	18						
100,0%	993	4,783	4.749,24	2.589,38	2,994	865		
	VM afi tot	DM afi TOT			VM po tot	DM po TOT		
			DG	Δi	Delta VM MP			
			2.159,86	0,50%	-10,7993			
				-0,50%	10,7993			

Uso dei Derivati per allineare la DG alle aspettative

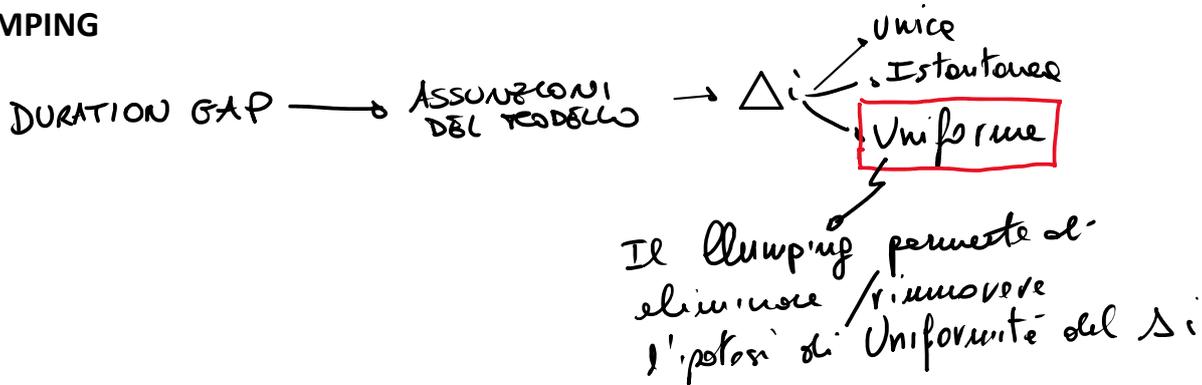
% VM afi	II METODO (DG)				DM pass		VM pass	% VM po
	VM att	DM att			DM pass	VM pass		
19,9%	198	0,08			0,08	61	7,1%	
2,8%	28	0,24			0,24	198	22,9%	
11,6%	115	0,49			0,49	82	9,5%	
8,3%	82	0,39			0,98	160	18,5%	
7,4%	73	0,95			4	178	20,6%	
16,6%	165	4,2			8	116	13,4%	
21,1%	210	8			10	70	8,1%	
12,3%	122	18						
100,0%	993	4,783	4.749,24	2.589,38	2,994	865		
	VM afi tot	DM afi TOT			VM po tot	DM po TOT		
			DG	Δi	Delta VM MP			
			2.159,86	1,00%	-21,5986			
				-1,00%	21,5986			

↓
 Dato i 2 TRS (1 LIABILITÀ + 2 ASSET)

Post i 3 IRS (1 LIABILITY + 2 ASSET)

% VM afi	II METODO (DG)				DM pass	VM pass	% VM po
	VM att	DM att					
19,9%	198	0,08			0,08	61	7,1%
2,8%	28	0,24			0,24	198	22,9%
11,6%	115	0,49			7,5	82	9,5%
8,3%	82	0,39			0,98	160	18,5%
7,4%	73	0,95			4	178	20,6%
16,6%	165	0,48			8	116	13,4%
21,1%	210	0,09			10	70	8,1%
12,3%	122	18					
100,0%	993	2,492	2.474,34	3.164,20	3,658	865	
	VM afi tot	DM afi TOT			VM po tot	DM po TOT	
			DG	Δi	Delta VM MP		
			-689,86	2,00%	6,8986		
				-1,00%	-6,8986		

CLUMPING



Analisi introduttive del Clumping

VANTAGGIO: Partendo dalle migliaia di AFI e PO, il Clumping attraverso una intelligente azione di aggregazione permette di sintetizzare l'intera struttura Asset-Liability della Banca in una decina di AFI e una decina di PO

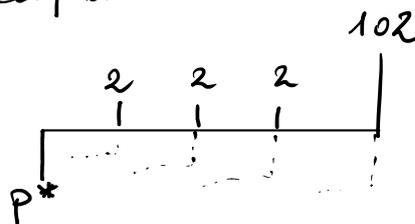
IPOTESI: Il Clumping ai fini della valutazione delle AFO e delle PO, ossia ai fini della stima del loro Valore di Mercato, effettua una valutazione applicando la curva dei tassi di rendimento zero-coupon e non la più "classica" curva Yield to Maturity

Cappello: La valutazione delle poste sulla curva "zero-coupon"

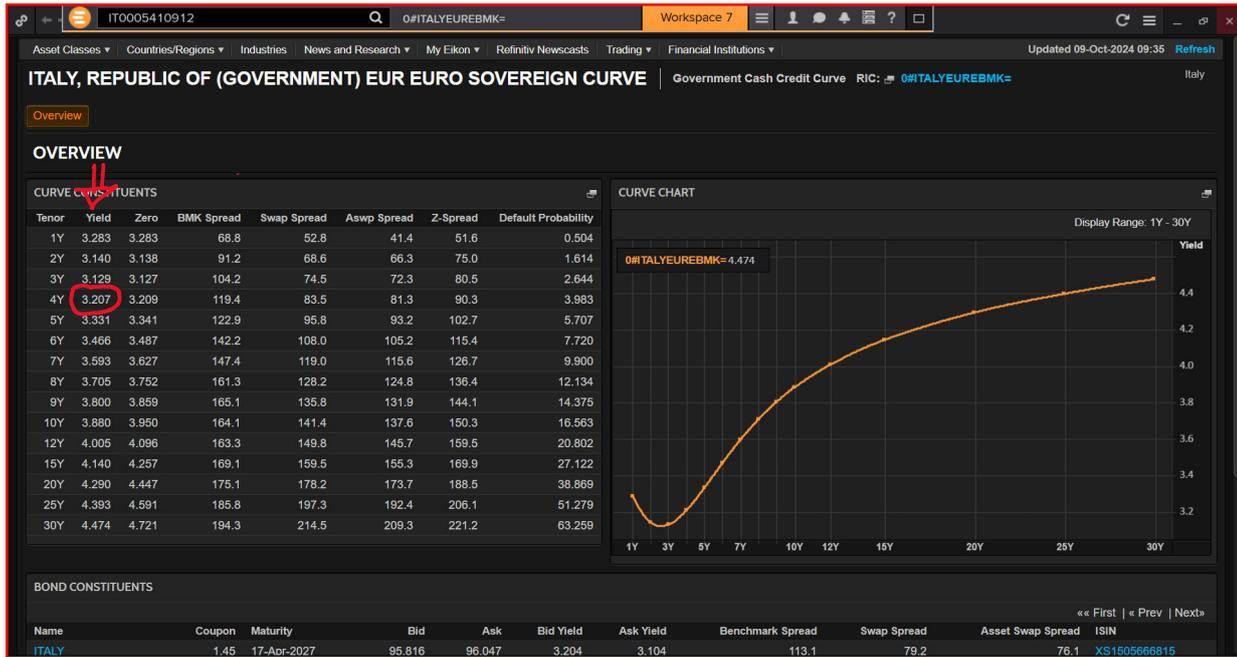
Pricing di poste \rightarrow curve "yield to maturity"
 \rightarrow curve "zero-coupon"

Titolo di Stato Italiano
 $M=4y$ fr: Annuale
 cedola Annuale di 2

scad	flussi
1	2
2	2
3	2
4	102



Pricing sulla "Yield Curve"- Yield to Maturity

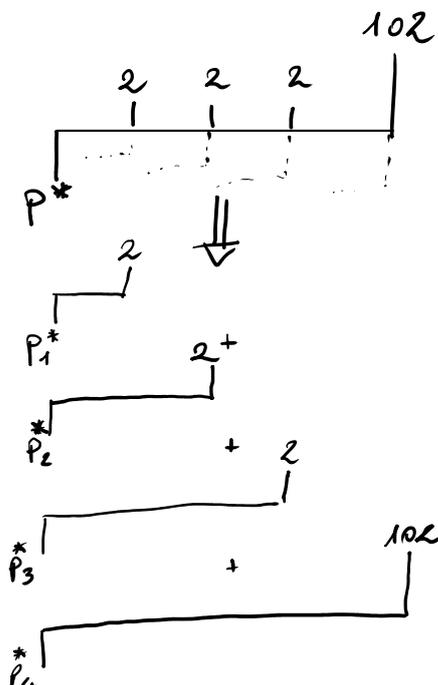


Pricing sulle yield curve

$$P_{yc}^* = \frac{2}{(1+3,207\%)^1} + \frac{2}{(1+3,207\%)^2} + \frac{2}{(1+3,207\%)^3} + \frac{102}{(1+3,207\%)^4} = 1,938 + 1,878 + 1,819 + 89,901 = \boxed{95,54}$$

Valutare la posta sulla curva dei tassi "zero coupon"

Presupposto: Ogni titolo deve essere scomposto in tanti titoli zero coupon che aggregati matchano la struttura per flussi del titolo originario



In ragione della equivalenza della struttura dei flussi futuri, il titolo coupon quadriennale deve avere un Prezzo (P*) che è uguale alla somma dei prezzi dei 4 zero-coupon:

$$P^* = p_1^* + p_2^* + p_3^* + p_4^*$$



Chiediamo alla curva dei tassi "zero coupon" qual è il rendimento che il mercato chiede ai titoli zero coupon con scadenze 1,2,3,4 anni

P_{zc}^*

$$P_{zc}^* = \frac{2}{(1+3,2831)^1} + \frac{2}{(1+3,1381)^2} + \frac{2}{(1+3,1271)^3} + \frac{102}{(1+3,209)^4} =$$

$$= 1,936 + 1,880 + 1,824 + 89,894 = \boxed{95,53}$$

E' il più preciso perché se il mercato è allineato a questo Prezzo qui, non è possibile effettuare arbitraggi.

$P_{MKT} = 98$ Valutaz. sulla zero curve

$P_{zc}^* = 101$

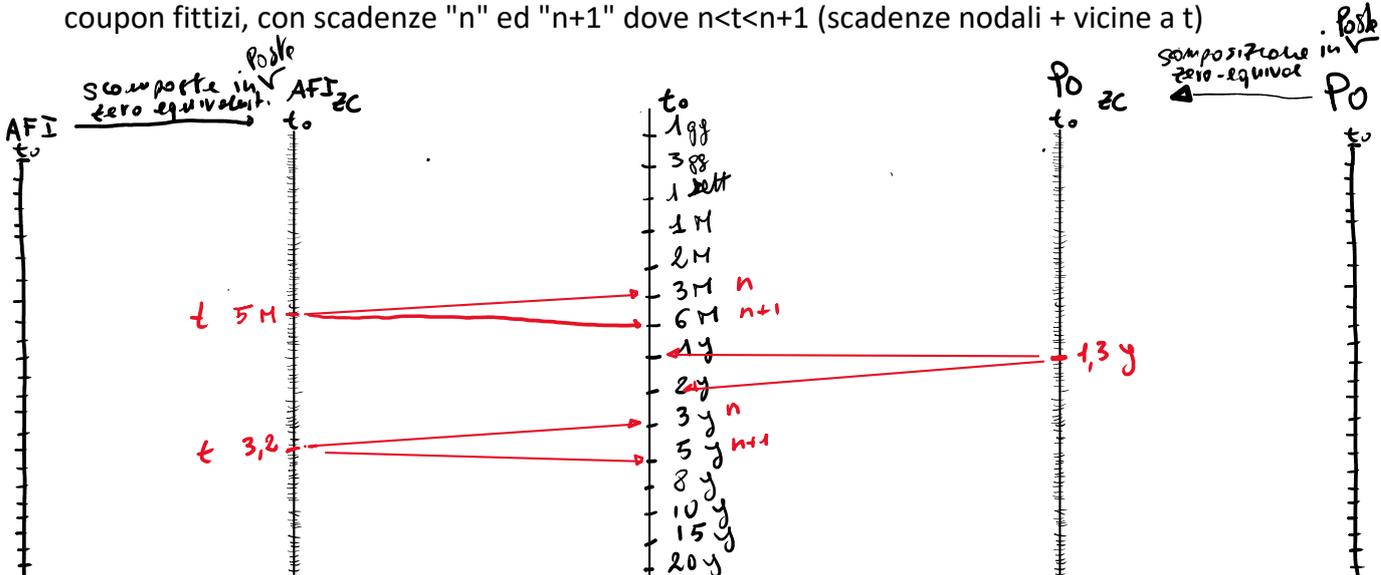
Lo compro il titolo nel MKT e lo rivendo "a pezzi" nel MKT con coupon stripping

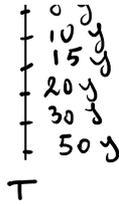
$P_{zc}^* = 95$

Lo compro "i pezzi" di titolo nel MKT con coupon strip e lo rivendo nel MKT secondario

Analisi del Clumping

- 1) Identificare tutte AFI e PO
- 2) Coerentemente con una valutazione fatta sulla curva "zero-coupon", scomponiamo tutte le AFI e PO nei singoli zero-coupon nei quali tali poste possono essere smembrate
- 3) Identificare delle Scadenze "nodali" - "benchmark" (Notches)
- 4) Applico il "Clumping": ogni zero coupon di generica scadenza t , viene splittato in due zero coupon fittizi, con scadenze " n " ed " $n+1$ " dove $n < t < n+1$ (scadenze nodali + vicine a t)





grazie al Clumping tutte le AFI e Po vengono trasformate
in ZC_A e ZC_P caratterizzate da 17 scorse (il n° dei nodi)

(segue Lezione 2)